

# Python程序设计

## 基础知识

刘安

苏州大学，计算机科学与技术学院

<http://web.suda.edu.cn/anliu/>

# 本节知识点

- 运算符
- 变量
- 字符串的基本概念
- 函数的基本概念
- 条件语句的基本概念
- math模块的使用

# Python IDE

- 目前两个版本Python 3.X和2.X, 本课程使用3.X
- 推荐的集成开发环境
  - IDLE3 - Python自带
  - Spyder (Anaconda)
  - Jupyter (Anaconda)
  - PyCharm

# 算术运算符

```
>>> 3 + 5
```

```
8
```

```
>>> (3 + 5) * 2 - 1 # 使用括号指定运算优先级
```

```
15
```

```
>>> 3 + 5 * 2 - 1
```

```
12
```

```
>>> 6 / 4
```

```
1.5
```

```
>>> 6 // 4 # 整除, 舍弃商的小数部分
```

```
1
```

```
>>> 10 ** 2 # 幂运算
```

```
100
```

```
>>> 36 % 10 # 求余运算
```

```
6
```

```
>>> divmod(36, 10) # 同时计算商和余数
```

```
(3, 6)
```



(3, 6)称为元组, 元组数据类型后面会详细介绍

# 关系运算符

- 测试两个对象的大小关系，结果为True或者False
- True表示关系为真，False表示关系为假

```
>>> 3 < 5
```

```
True
```

```
>>> 3 > 5
```

```
False
```

```
>>> 3 == 5 # 测试3是否等于5
```

```
False
```

```
>>> 3 != 5 # 测试3是否不等于5
```

```
True
```

```
>>> 3 <= 5
```

```
True
```

```
>>> 3 >= 3
```

```
True
```

# 变量和赋值

- 计算圆的面积 -  $\pi r^2$

```
>>> 3.14 * (1 ** 2)  
3.14
```

```
>>>
```

```
>>> 3.14 * (10 ** 2)  
314.0
```

- 赋值运算符=将变量绑定到值（不是在变量中存储值）

```
>>> pi = 3.14 # pi是一个变量，绑定到值3.14
```

```
>>> pi * (1 ** 2)  
3.14
```

```
>>> pi * (10 ** 2)  
314.0
```

# 变量和赋值

- 赋值运算符=将变量绑定到值
- 同一个变量绑定的值可以改变

```
>>> pi = 3.14
```

```
>>> radius = 1 # 半径
```

```
>>> pi * (radius ** 2) # 圆的面积
```

```
3.14
```

```
>>>
```

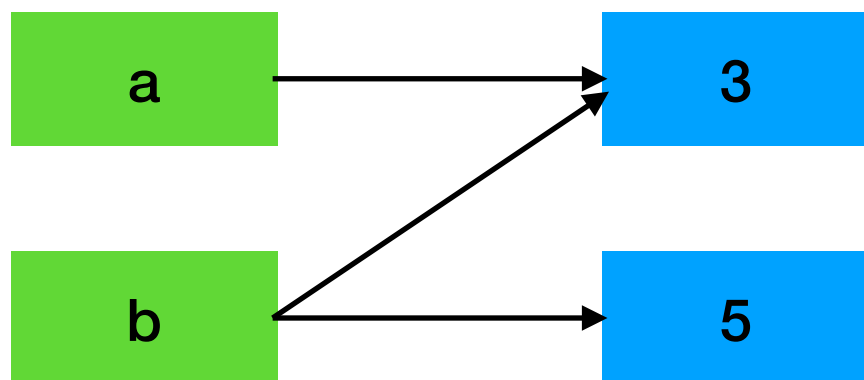
```
>>> radius = 10 # 变量radius绑定到另一个值10
```

```
>>> pi * radius ** 2 # **的优先级高于*
```

```
314.0
```

# 变量、对象和引用

- 创建一个对象（整数3），创建一个变量a
- 赋值运算符将变量a绑定到对象3，或者说变量a引用了对象3
- a+2的值为5，创建一个对象（整数5）
- 将变量b关联到对象5



```
>>> id(3)
4431898000
>>> a = 3
>>> id(a)
4431898000
>>> b = 3
>>> id(b)
4431898000
>>> b = a + 2
>>> b
5
>>> id(b)
4431898064
>>> id(5)
4431898064
```



内置id函数返回对象的标识符，在CPython中，就是对象在内存中的地址

# 利用math模块进行复杂的数学运算

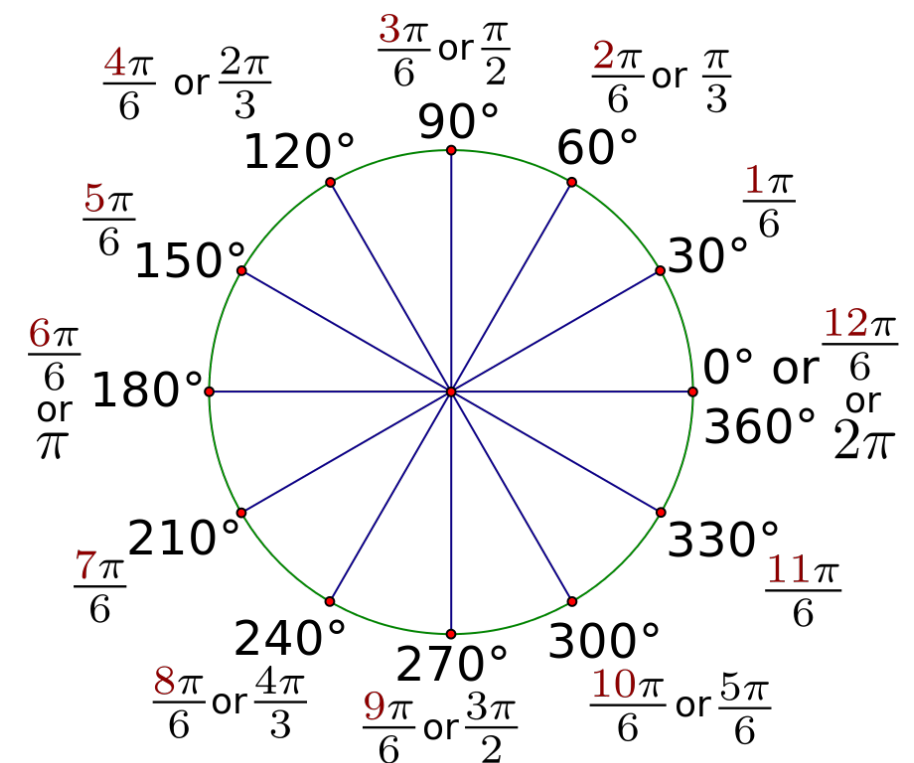
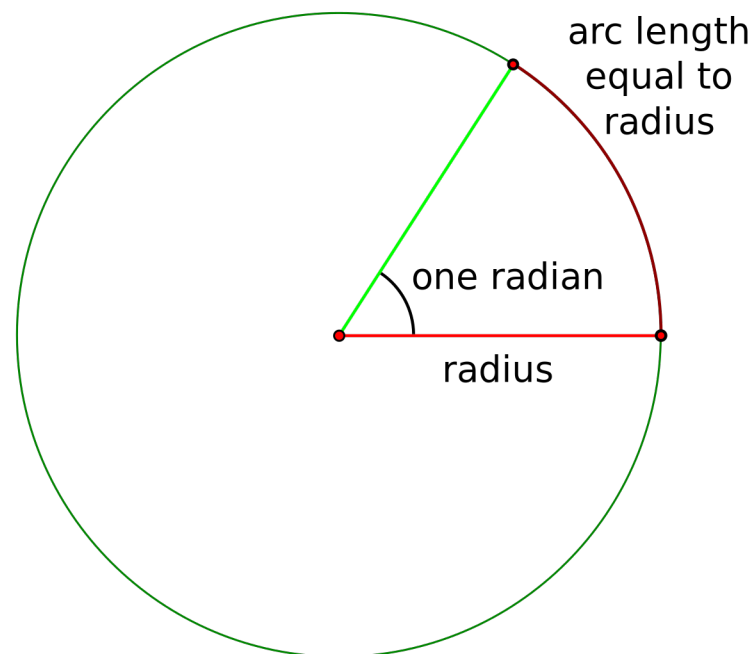
- 倍角公式  $\sin(2x) = 2 \sin(x)\cos(x)$ ,  $x$ 用弧度表示

```
>>> import math # 导入math模块
```

```
>>> x = math.pi / 6 # 使用math模块中定义的pi对象
```

```
>>> math.sin(2 * x) # 使用math模块中的sin函数  
0.8660254037844386
```

```
>>> 2 * math.sin(x) * math.cos(x)  
0.8660254037844386
```



# 内置函数dir

- `dir(obj)` : 返回obj的属性

```
>>> dir(math)
['__doc__', '__file__', '__loader__', '__name__',
 '__package__', '__spec__', 'acos', 'acosh', 'asin',
 'asinh', 'atan', 'atan2', 'atanh', 'ceil', 'copy
sign', 'cos', 'cosh', 'degrees', 'e', 'erf', 'erfc',
 'exp', 'expm1', 'fabs', 'factorial', 'floor', 'f
mod', 'frexp', 'fsum', 'gamma', 'gcd', 'hypot', '
inf', 'isclose', 'isfinite', 'isinf', 'isnan', 'ld
exp', 'lgamma', 'log', 'log10', 'log1p', 'log2', '
modf', 'nan', 'pi', 'pow', 'radians', 'sin', 'sinh',
 'sqrt', 'tan', 'tanh', 'tau', 'trunc']
```

# 内置函数help

- `help(obj)` : 返回obj的帮助信息

```
>>> help(math.factorial)
```

```
Help on built-in function factorial in module math:
```

```
factorial(...)
```

```
    factorial(x) -> Integral
```

```
        Find x!. Raise a ValueError if x is negative or non-integral.
```

```
>>> help(math.sqrt)
```

```
Help on built-in function sqrt in module math:
```

```
sqrt(...)
```

```
    sqrt(x)
```

```
        Return the square root of x.
```

# Four Fours

- 用4个4构造0~50之间的所有整数，仅允许使用下列运算符：加、减、乘、除（不包括整除）、平方、平方根、阶乘、括号()和小数点.
- 类似1.0, 2.0这样的数也算整数

```
>>> 44 / 44
```

```
1.0
```

```
>>> 4 / 4 + 4 / 4
```

```
2.0
```

```
>>> 4 / .4 + 4 / 4 # .4就是浮点数0.4
```

```
11.0
```

```
>>> from math import sqrt, factorial #另一种导入方式
```

```
>>> (sqrt(4) + factorial(4)) / sqrt(4) + factorial(4)
```

```
37.0
```

# 字符串

- 使用单引号或双引号包围起来的字符序列，用来处理文本

```
>>> name = 'Python' # 单引号
```

```
>>> year = "2019" # 双引号
```

```
>>> name  
'Python'
```

```
>>> year  
'2019'
```

```
>>> len(name) # len函数返回字符串的长度  
6
```

```
>>> name + year # +连接两个字符串  
'Python2019'
```

```
>>> year * 3 # *重复字符串，这里重复3次  
'201920192019'
```



运算符比如+和\*对于不同的对象（整数、字符串）有着不同的含义！

# 字符串索引操作

- $S[i]$ 是字符串 $S$ 的第 $i$ 个字符，索引 $i$ 的有效范围从0到 $\text{len}(S)-1$

```
>>> name[0]
```

```
'p'
```

```
>>> name[1]
```

```
'y'
```

```
>>> name[5]
```

```
'n'
```

```
>>> name[6]
```

```
Traceback (most recent call last):
```

```
File "<pyshell#542>", line 1, in <module>
```

```
name[6]
```

```
IndexError: string index out of range
```

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| P | y | t | h | o | n |
| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |



为什么不从1开始编号?



1972年图灵奖获得者Edsger W. Dijkstra的解释

<http://www.cs.utexas.edu/users/EWD/transcriptions/EWD08xx/EWD831.html>

# 字符串分片操作

- 运算符[i:j]获取字符串的一部分，从第i个字符开始，到第j个字符之前结束（**不包括**第j个字符），该部分的长度是j-i

|   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |    |    |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|
| H | i |   | P | y | t | h | o | n | 2 | 0  | 1  | 9  |
| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 |

```
>>> msg = 'Hi' + ' ' + name + year
>>> msg
'Hi Python2019'
>>> msg[0:2]
'Hi'
>>> msg[3:9]
'Python'
>>> msg[9:13] # 注意13不会导致越界错误
'2019'
```

# 分片操作中省略上下界

- 运算符[i:j]获取字符串的一部分，从第i个字符开始，到第j个字符之前结束（不包括第j个字符），该部分的长度是j-i
- 省略i表示从第0个字符开始
- 省略j表示到最后一个字符结束（包括最后一个）

```
>>> name[0:2]
'Py'
>>> name[2:6]
'thon'
>>> name[:2]
'Py'
>>> name[2:]
'thon'
```

```
>>> name[:1] + name[1:]
'Python'
>>> name[:2] + name[2:]
'Python'
>>> name[:3] + name[3:]
'Python'
```

# 注意 - 关于整数

- Python 3.x中整数可以是任意长度 (只要有足够多的内存)

```
>>> 2019 ** 50 # 3.x中整数可以是任意长度
18064084128056785301661327313413694334065205467
33673889642822689066841933346897944709366420844
00304647484512490891664968113712908110682601629
8764673263133406617589001
```

```
>>>
```

```
>>> len(str(2019**50)) # str函数将整数转换成字符串
166
```

```
>>>
```

```
>>> len(str(2019**2019))
6674
```

# 注意 - 关于浮点数

- 浮点数在内存中总是以近似值存储的
- 所以不能直接通过==判断两个浮点数是否相等

```
>>> a = 0.1 + 0.1 + 0.1 # 只能存储浮点数的近似值
>>> b = 0.3             # 只能存储浮点数的近似值
>>>
>>> a == b # 注意a和b相等吗?
False
>>>
>>> # 将两者差的绝对值和一个很小的数进行比较
>>> abs(a-b) < 1e-10
True
```

# 注意 - 关于字符串

- 引号并不是字符串的一部分，仅仅是用来表示一个字符串
- 数字3和字符串3并不是一回事

```
>>> len('python')
```

```
6
```

```
>>> len('')
```

```
0
```

```
>>> 3 + 5
```

```
8
```

```
>>> '3' + '5'
```

```
'35'
```

# 函数

- 函数可以看成是一个黑盒，给定一个输入，函数返回一个值



```
>>> def f(x): # 定义函数, f是函数名, x是参数
      return 3 * x + 1 # 3*x+1是返回值
```

```
>>> f(0) # 调用函数, 将值0赋给参数x, 返回值是1
1
```

```
>>> f(1) # 再次调用函数, 将值1赋给参数x, 返回值是4
4
```



对于一个输入 $x$ ，数学中的函数必须有唯一确定的输出

对于一个输入 $x$ ，编程中的函数（每次调用）可以返回（输出）不同的值

# 函数

```
>>> def f(x): # 定义函数, f是函数名, x是参数  
        return 3 * x + 1 # 3*x+1是返回值
```

```
>>> f(0) # 调用函数, 将值0赋给参数x, 返回值是1  
1
```

```
>>> f(1) # 再次调用函数, 将值1赋给参数x, 返回值是4  
4
```

- 关键字def表示函数定义的开始, 其后是自定义的函数名
- 参数放在函数名后小括号内, 最后的冒号不可缺少
- 冒号下方的语句需要缩进 (比如一个制表符)
- return 语句表示函数停止执行, 并将值返回给调用者

# 同一输入不同输出的函数

```
>>> import random
```

```
>>> help(random.random)
```

Help on built-in function random:

random(...) method of random.Random instance  
random() -> x in the interval [0, 1).

```
>>> def g(x):  
        return x + random.random()
```

```
>>> g(1)  
1.2454783285671198
```

```
>>> g(1)  
1.1145206261271141
```



# 具有多个参数的函数

- 函数可以具有多个参数，即具有多个输入
- 编写函数perfect\_square，接受两个实数x和y，返回值 $x^2 + 2xy + y^2$

```
1 def perfect_square(x, y):  
2     total = x ** 2  
3     total = total + 2 * x * y  
4     total = total + y ** 2  
5     return total
```

```
>>> perfect_square(4, 6)
```

```
100
```

```
>>> perfect_square(19, 41)
```

```
3600
```

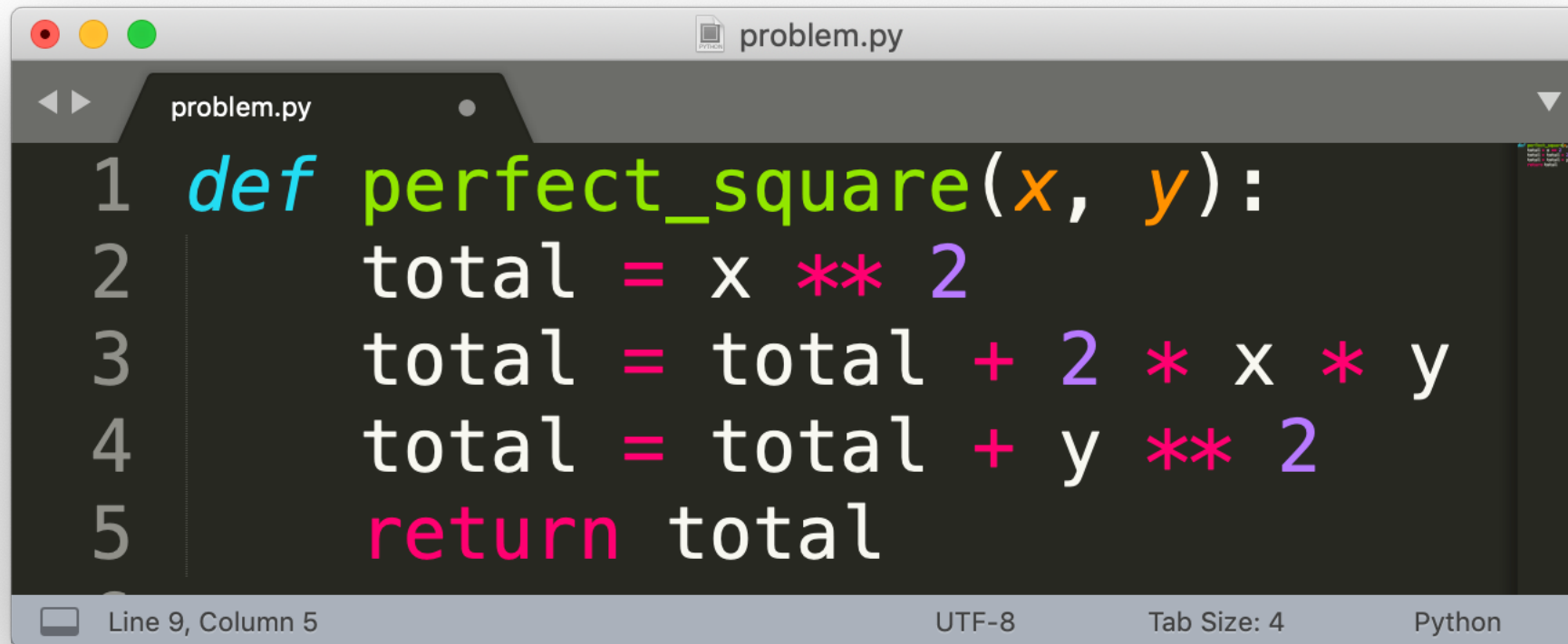
# 代码块与控制流

- 第2~5行属于一个代码块，一般情况下这些语句是顺序执行的



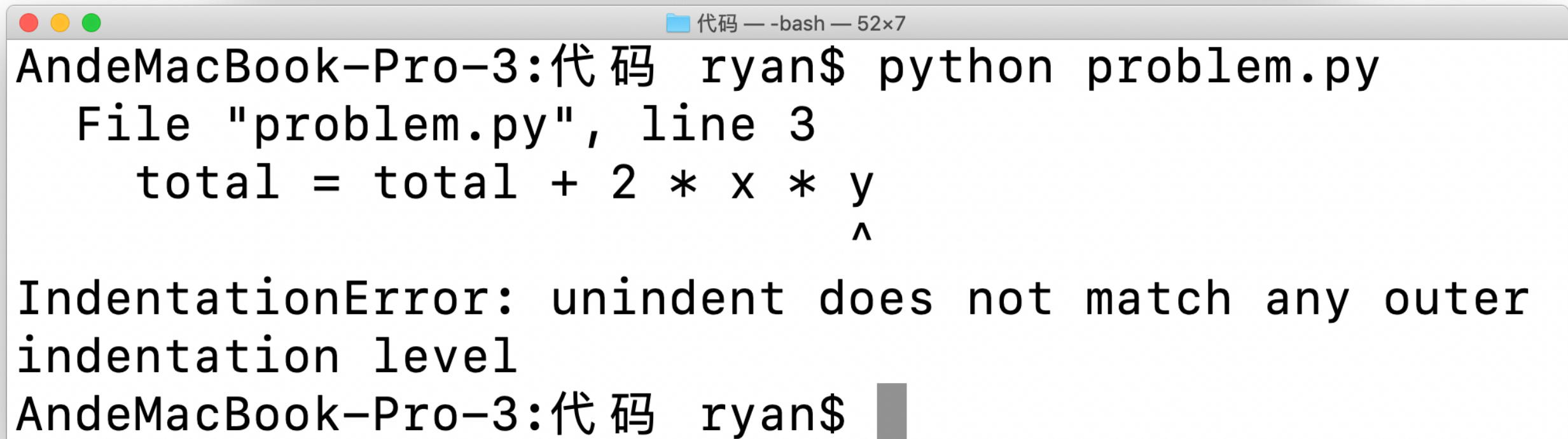
```
1 def perfect_square(x, y):  
2     total = x ** 2  
3     total = total + 2 * x * y  
4     total = total + y ** 2  
5     return total
```

- 通过缩进来确定哪些语句在同一个代码块中
- 缩进就是语句左侧的空白，没有规定缩进需要多少空白，常见的缩进是1个制表符或者4个空格，但**不要混合使用**
- 具有同样缩进的语句属于同一个代码块



```
1 def perfect_square(x, y):
2     total = x ** 2
3     total = total + 2 * x * y
4     total = total + y ** 2
5     return total
```

Line 9, Column 5      UTF-8      Tab Size: 4      Python



```
AndeMacBook-Pro-3:代码 ryan$ python problem.py
File "problem.py", line 3
    total = total + 2 * x * y
                        ^
IndentationError: unindent does not match any outer
indentation level
AndeMacBook-Pro-3:代码 ryan$
```

第2行用的是一个制表符，第3-5行用的是4个空格  
混用制表符和空格，结果导致了错误！

# 考拉兹猜想

- 对于任何一个正整数，如果它是奇数，对它乘3再加1，如果它是偶数，对它除以2，如此循环，最终都能够得到1

13 40 20 10 5 16 8 4 2 1

- 编写一个函数collatz，接受一个正整数n
  - 如果n是奇数，返回 $3*n+1$  : `return 3*n + 1`
  - 如果n是偶数，返回 $n//2$  : `return n//2`
  - 如何让语句在特定条件下执行？

# 仅有if分支的条件语句

- 让语句在特定条件下执行
- **if** condition + 冒号 + 代码块 (需要缩进)

```
1 x = 1
2 if condition:
3     #code block
4     #code block
5 y = 1
```

需要缩进 →

← 冒号不可少

- 如果第2行中的condition为真，执行**if分支**对应的代码块（上图中是3~4行），执行完毕后执行**if条件语句**后面的语句（上图中是第5行）
- 否则直接跳过**if分支**对应的代码块（上图中是3~4行），直接执行**if条件语句**后面的语句（上图中是第5行）

# if-else条件语句

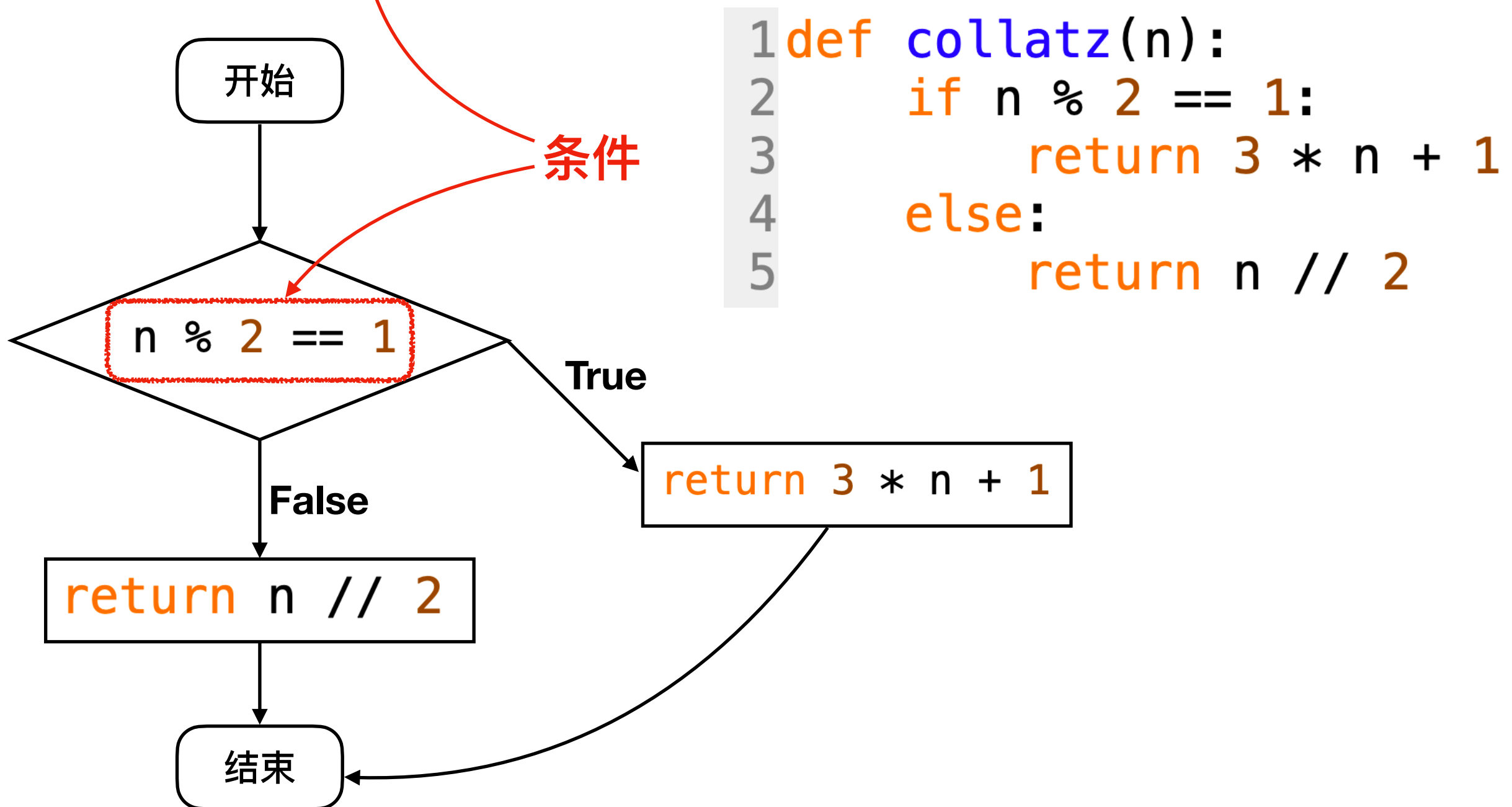
- **if** condition + 冒号 + 代码块 (需要缩进)  
**else** + 冒号 + 代码块 (需要缩进)

```
1 x = 1
2 if condition:
3     #code block a
4 else:
5     #code block b
6 y = 1
```

- 如果第2行中的condition为真，执行**if分支**对应的代码块a，执行完毕后执行**if条件语句**后面的语句（上图中是第6行）
- 否则直接跳过**if分支**对应的代码块a，执行**else分支**对应的代码块b，然后执行**if条件语句**后面的语句（上图中是第6行）

# 利用条件语句实现考拉兹函数

- 如果 $n$ 是奇数, 返回 $3*n+1$ , 否则返回 $n//2$



# 复合语句与缩进

- 复合语句 = 首行 + 冒号 + 代码块 (需要缩进)
- def语句 (定义函数)

```
1 def perfect_square(x, y):  
2     total = x ** 2  
3     total = total + 2 * x * y  
4     total = total + y ** 2  
5     return total
```

- 条件语句 (根据条件执行特定的语句)

```
1 def collatz(n):  
2     if n % 2 == 1:  
3         return 3 * n + 1  
4     else:  
5         return n // 2
```

```
1 def collatz(n):  
2     if n % 2 == 1:  
3         return 3 * n + 1  
4     else:  
5         return n // 2
```

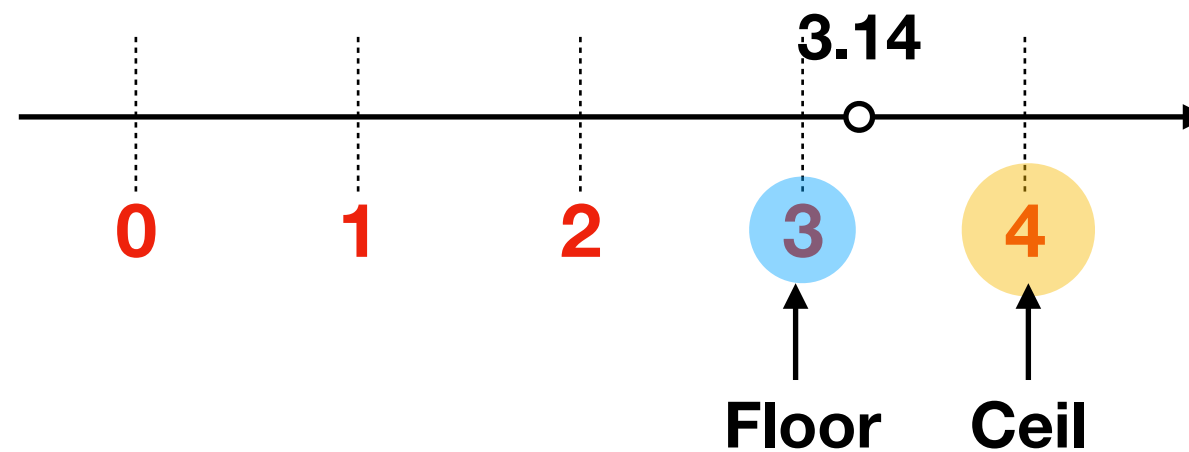
- def语句：首行L1，代码块（只有一个if-else条件语句，需要缩进，注意L2相对于L1的位置）
- if-else条件语句：有多个首行(L2和L4)，需要相同的缩进
  - 首行2（if分支），代码块只有语句3，需要缩进，注意L3相对于L2的位置
  - 首行4（else分支），代码块只有语句5，需要缩进，注意L5相对于L4的位置
  - 注意：L3和L5属于不同的代码块，所以缩进可以不同

```
1 def func_show_indent():
2     s = 'block_a'
3     x = 1
4     if x % 2 == 1:
5         y = 2
6         if y % 2 == 1:
7             s = 'block_c'
8         s = 'block_b'
9     return s
```

- def语句1：代码块包含语句2、3、4、9，它们具有相同的缩进，注意语句4是一个复合语句
- 复合语句4：首行4，代码块包含语句5、6、8，它们具有相同的缩进，注意语句6又是一个复合语句
- 复合语句6：首行6，代码块只有语句7

# 函数Floor和Ceil

- 函数`floor(x)`返回小于等于 $x$ 的最大整数，也记为 $\lfloor x \rfloor$
- 函数`ceil(x)`返回大于等于 $x$ 的最小整数，也记为 $\lceil x \rceil$

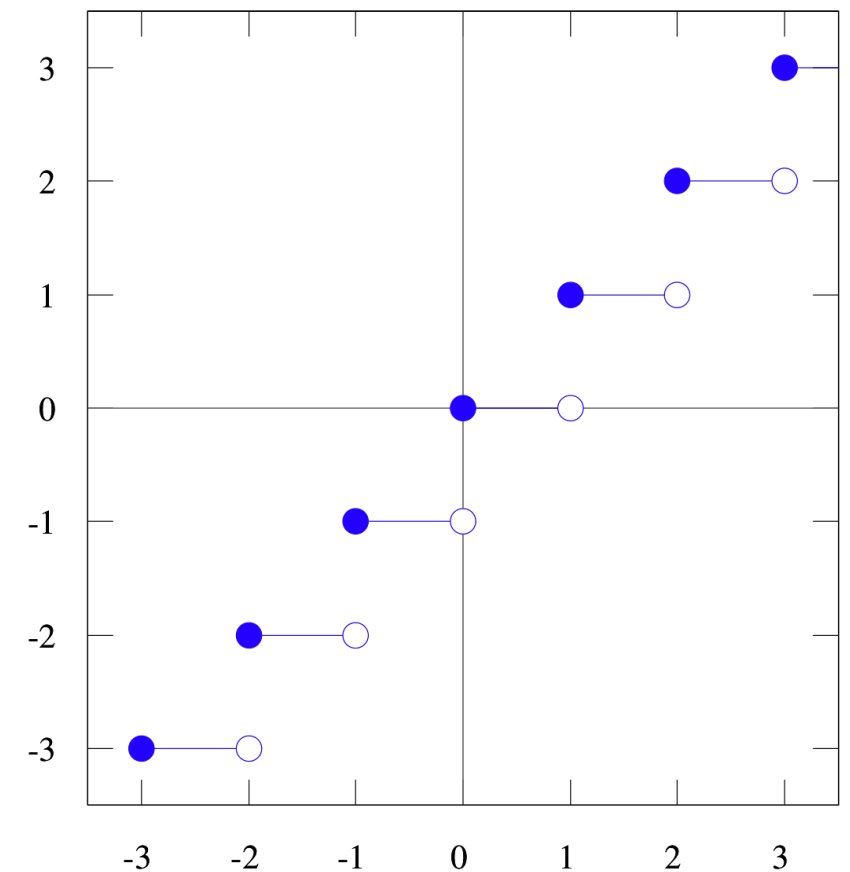


```
>>> import math
>>> math.floor(3.14)
3
>>> math.ceil(3.14)
4
```

# if-elif-else条件语句

- 1个if分支，后跟任意数量的elif分支（包括0个），后跟1个或者0个else分支，每个分支有一个对应的代码块
- 从上向下依次判断条件，如果为真，执行对应的代码块，否则判断下一个条件

```
1 def my_floor(x):  
2     if x < 0:  
3         return math.floor(x)  
4     elif x < 1: # 0 <= x < 1  
5         return 0  
6     elif x < 2: # 1 <= x < 2  
7         return 1  
8     else: # x >= 2  
9         return math.floor(x)
```



# 字符串作为参数的函数

- 函数的参数可以是数字、也可以是字符串等其他类型
- 下面的magic函数具有什么样的功能？

```
1 def magic(first, second):  
2     a = first[1:]  
3     b = second[len(second) - 1]  
4     return a + b
```

```
>>> magic('hello', 'python')  
'ellon'
```

# 简单求和

- 编写一个函数，接收一个正整数 $n$ ，返回 $1\sim n$ 的和

$$S = 1 + 2 + \dots + n$$

- $S = 1 + 2 + \dots + n = n(n + 1)/2$

```
>>> def sum_of_n(n):  
        return n * (n+1) // 2
```

```
>>> sum_of_n(5)  
15
```

```
>>>
```

```
>>> sum_of_n(100)  
5050
```

# 平方和

- 编写一个函数，接收一个正整数n，返回1~n的平方和

$$S = 1^2 + 2^2 + \dots + n^2$$

- $$S = 1^2 + 2^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

```
>>> def sum_of_n2(n):  
        return n*(n+1)*(2*n+1) // 6
```

```
>>> sum_of_n2(3)
```

```
14
```

```
>>>
```

```
>>> sum_of_n2(100)
```

```
338350
```

# 个十百位的数字和

- 编写一个函数，接收一个整数，返回其个位、十位和百位数字的和

```
>>> def sum_of_one_ten_hund(n):  
    ones = n % 10  
    n = n // 10  
    tens = n % 10  
    n = n // 10  
    hunds = n % 10  
    return ones + tens + hunds
```

```
>>> sum_of_one_ten_hund(123)
```

```
6
```

```
>>> sum_of_one_ten_hund(12)
```

```
3
```

```
>>> sum_of_one_ten_hund(1234)
```

```
9
```

# 整除

- 编写一个函数，接收2个正整数m和n，如果其中一个整数能被另一个整数整除，返回True，否则返回False

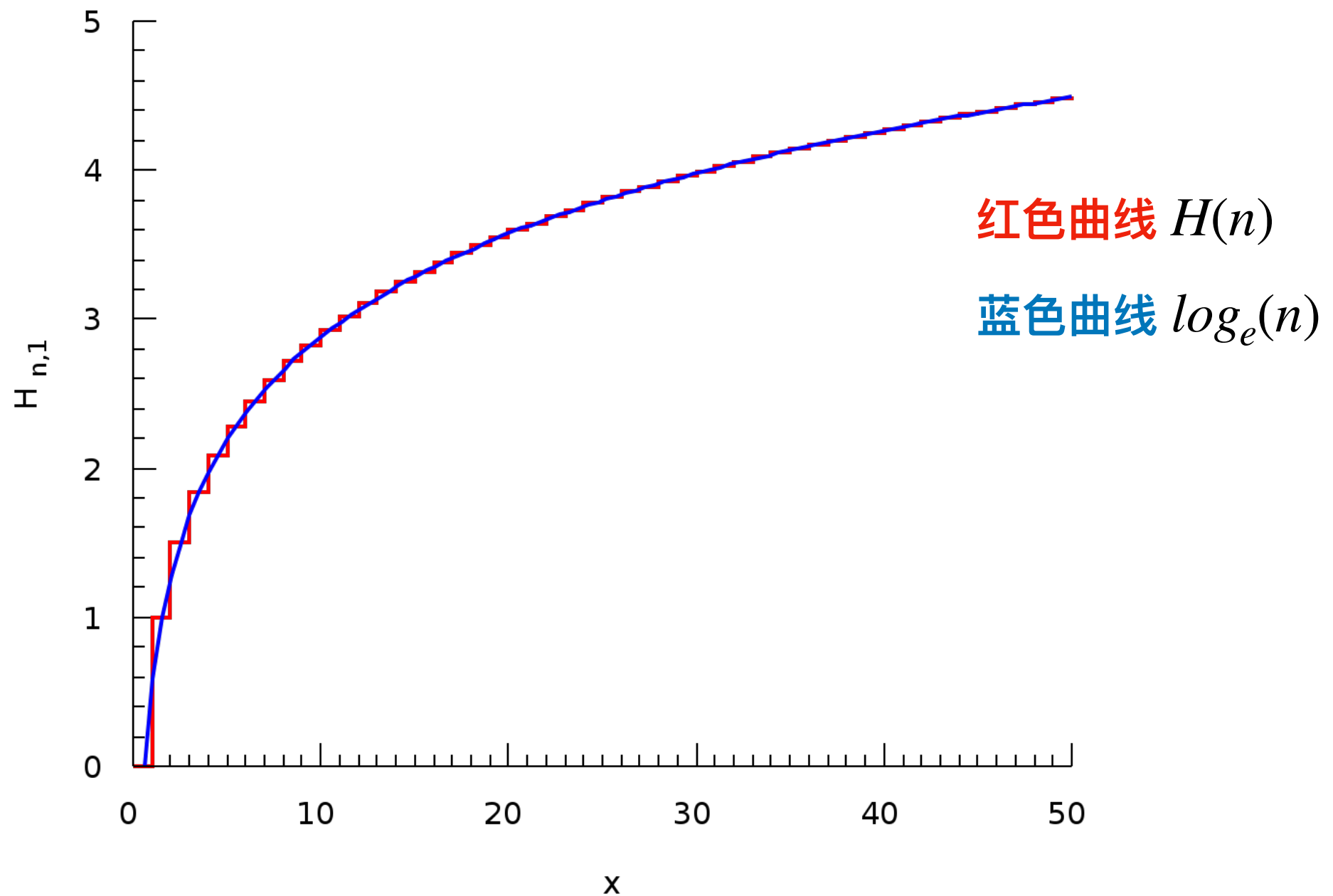
```
>>> def one_divide_another(m, n):  
    if m % n == 0:  
        return True  
    elif n % m == 0:  
        return True  
    else:  
        return False
```

```
>>> one_divide_another(5, 3)  
False
```

```
>>> one_divide_another(5, 30)  
True
```

# 调和数

- 调和数  $H(n) = 1 + 1/2 + 1/3 + \dots + 1/n$



# 调和数

- 调和数  $H(n) = 1 + 1/2 + 1/3 + \dots + 1/n$
- 编写一个函数，接受一个正整数  $n$ ，返回调和数  $H(n)$ 
  - 如果  $n < 100$ ，调用函数 `harmonic_small` 计算  $H(n)$
  - 如果  $n \geq 100$ ，编写函数 `harmonic_large` 计算  $H(n)$ ，该函数使用下面的近似公式进行计算
    - $H(n) = \log_e(n) + \gamma + 1/(2n) - 1/(12n^2) + 1/(120n^4)$
    - 其中  $\gamma = 0.577215664901532$  称为欧拉常数

# 调和数 $H(n) = 1 + 1/2 + 1/3 + \cdots + 1/n$

- 函数harmonic\_small( )的实现

```
>>> def harmonic_small(n):  
    total = 0 # 存放H(n)的值  
    for i in range(1, n+1): # i依次等于1,2,...,n  
        total = total + 1 / i # 把项1/i计入总和中  
    return total
```

- for语句也是复合语句，其对应的代码块是什么？
- for语句用来重复执行其对应的代码块

```
>>> harmonic_small(2)  
1.5  
>>> harmonic_small(3)  
1.8333333333333333  
>>> harmonic_small(4)  
2.0833333333333333
```

# 调和数 $H(n) = 1 + 1/2 + 1/3 + \cdots + 1/n$

- 函数`harmonic_large()`的实现

$$H(n) = \log_e(n) + \gamma + 1/(2n) - 1/(12n^2) + 1/(120n^4)$$

```
>>> import math
>>>
>>> def harmonic_large(n):
    gamma = 0.577215664901532
    return (math.log(n, math.e)
            + gamma
            + 1 / (2 * n)
            - 1 / (12 * n ** 2)
            + 1 / (120 * math.pow(n, 4))
            )
```



将语句放在()中，就可以跨越多行

调和数  $H(n) = 1 + 1/2 + 1/3 + \cdots + 1/n$

- 函数harmonic没有直接计算  $H(n)$
- 根据  $n$  的大小调用不同的函数来计算  $H(n)$

```
>>> def harmonic(n):  
        if n < 100:  
            return harmonic_small(n)  
        else:  
            return harmonic_large(n)
```

```
>>> harmonic(10000)  
9.787606036044382  
>>>  
>>> harmonic_small(10000)  
9.787606036044348
```