Python程序设计

函数 - 基础知识与递归

刘安 苏州大学,计算机科学与技术学院

http://web.suda.edu.cn/anliu/

创建和使用函数

• def语句创建一个函数对象并将其赋值给一个变量

```
1def intersect(A, B):
2    res = []
3    for x in A:
4        if x in B:
5        res.append(x)
6    return res
```

- 执行def语句之后,创建了一个函数对象,并将变量 intersect绑定到该对象 简单起见,直接称呼函数intersect
- 在交互模式中使用函数:函数名(参数)

```
>>> C = intersect(LA, LB)
```

10

def也是复合语句,所以首行末尾需要冒号,其后的代码块需要缩进

本节涉及到的知识点

- 函数的定义和使用
- 变量的作用域和参数传递
- 高阶函数
- 函数嵌套
- 递归

2

函数调用

● 当函数调用时,调用者暂停执行,直到该函数遇到return exp语句执行结束,并返回表达式exp的值

```
1def intersect(A, B):
2    res = []
3    for x in A:
4        if x in B:
5        res.append(x)
6    return res
```

• 调用者获得该返回值, 并继续程序的执行

```
>>> LA = [1, 2, 3, 4, 5]
>>> LB = [2, 3, 5, 7, 11]
>>> C = intersect(LA, LB)
>>> |
```



如何使用列表推导计算两个列表的交集?

.

return语句

- return语句结束函数调用, 并且:
 - 如果return语句包含一个表达式,则返回该表达式的值
 - 如果return语句不包含表达式,则返回一个None对象
- 如果函数没有return语句,则执行完其内部所有语句后结束 函数调用,并自动返回一个None对象

```
>>> def g():
    x = 1
    return x

>>> print(g())
1

>>> def h():
    x = 1
    x = 1
    x = 1
    x = 1

>>> print(f())
None

>>> print(f())
None
```

考拉兹猜想

```
1def collatz(n):
      if n % 2 == 1:
           return 3 * n + 1
      else:
          return n // 2
                               >>> trace_collatz(1)
 7def trace collatz(n):
                               [1, 4, 2, 1]
      res = [n]
                               >>> trace_collatz(2)
                               [2, 1]
      while True:
                               >>> trace_collatz(3)
10
           n = collatz(n)
                               [3, 10, 5, 16, 8, 4, 2, 1]
11
           res.append(n)
12
           if n == 1:
13
               break
14
      return res
```

考拉兹猜想

● 对于任何一个正整数,如果它是奇数,对它乘3再加1,如果它是偶数,对它除以2,如此循环,最终都能够得到1

考拉兹序列 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1

- 编写一个函数collatz, 具有一个名为n的参数
 - 如果n是奇数, 返回3*n+1
 - 如果n是偶数, 返回n//2
- 编写一个函数trace_collatz,接受一个正整数,以列表形式返回其对应的考拉兹序列

变量的作用域

• 在函数内部赋值的变量只能在函数内部使用

```
>>> def intersect(A, B):
    res = []
    for x in A:
        if x in B:
        res.append(x)
    return res

>>> res
Traceback (most recent call last):
    File "<pyshell#16>", line 1, in <module>
    res
NameError: name 'res' is not defined
```

变量的作用域

在函数内部赋值的变量和在函数外部赋值的变量即使重名,也是两个不同的变量

```
>>> def intersect(A, B):
    res = []
    for x in A:
    if x in B:
        res.append(x)
    return res

>>> res = 'outside variable res'
>>> intersect([1, 2, 3], [2, 3, 5])
[2, 3]
>>> res
'outside variable res'
```

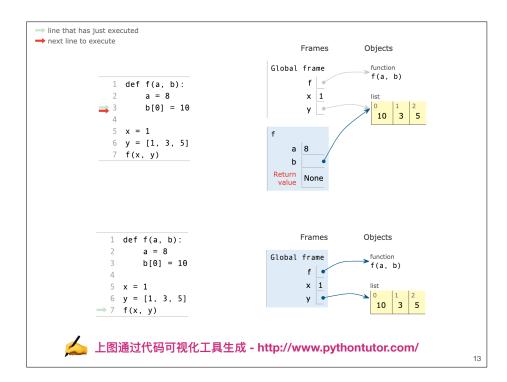
- line that has just executed next line to execute → 1 def f(a, b): Objects a = 8 b[0] = 105 x = 1 6 y = [1, 3, 5]7 f(x, y) \rightarrow 1 def f(a, b): Frames Objects a = 8b[0] = 10Global frame function f(a, b) \rightarrow 5 x = 1 6 y = [1, 3, 5]7 f(x, y) Frames Objects 1 def f(a, b): a = 8 Global frame b[0] = 10f(a, b) f 💌 x 1 5 x = 1 \rightarrow 6 y = [1, 3, 5] \rightarrow 7 f(x, y) 11

参数传递

- 调用函数的时候需要提供实际参数
 - 不可变类型(数值、字符串等): 形参获得实参的值
 - 可变类型(列表等):形参获得实参的引用

9

→ line that has just executed → next line to execute Frames Objects Global frame function → 1 def f(a, b): f(a, b) a = 8b[0] = 10x 1 У 1 3 5 5 x = 1 6 y = [1, 3, 5] \rightarrow 7 f(x, y) a 1 b Frames Objects Global frame function 1 def f(a, b): f(a, b) a = 8x 1 b[0] = 10У 1 3 5 5 x = 1 6 y = [1, 3, 5]7 f(x, y) a 8 上图通过代码可视化工具生成 - http://www.pythontutor.com/ 12



把函数分配给变量

- def语句创建一个函数对象并将其赋值给一个变量
- 赋值语句可以将多个变量绑定到同一个函数

```
>>> def my_add(x, y):
    return x + y

>>> my_add(3, 5)
8

>>> your_add = my_add
>>> your_add(1, 10)
11
Global frame
my_add(x, y)

function
my_add(x, y)

function
my_add(x, y)

your_add

your_add

function
my_add(x, y)
```

15

函数是对象

- 函数也是对象, 所以可以
 - 把函数分配给变量
 - 把函数存储在数据结构(比如列表、字典)中
 - 作为参数传递给其他函数
 - 作为其他函数的返回值

14

函数存储在数据结构中

• 列表是一组任意类型的对象, 所以函数也能存放其中

```
Global frame
>>> def my_sub(x, y):
                                                        7my_add(x, y)
          return x - y
                                     my_add
                                     my_sub
                                                          my_sub(x, y)
                                     my_mul
>>> def my_mul(x, y):
                                  my_arith_lib
          return x * y
                                                             my_mul(x, y)
>>> my_arith_lib = \( \text{my_add} \),
                       my_sub,
                       my_mul,
>>> for f in my_arith_lib:
          print(f(3, 5), end = ' ')
8 -2 15
                                                                       16
```

函数作为其他函数的参数

• 不同的参数(传递进来的函数)导致函数具有不同的行为

- 接受其他函数作为参数的函数称为高阶函数
- map(function, iterable, …):返回一个可迭代对象,其中的元素按照下面的规则生成:依次将iterable中的元素作为参数来调用函数function得到的值的序列

17

函数可以嵌套

• 在函数中可以通过def语句定义另一个函数

高阶函数map

map(function, iterable, …):返回一个可迭代对象,其中的元素按照下面的规则生成:依次将iterable中的元素作为参数来调用函数function得到的值的序列

```
>>> A = [-2, -1, 0, 1, 2]
>>> B = [1, 2, 3, 4, 5]
>>>
>>> list(map(abs, A)) # 内置函数abs接受一个参数
[2, 1, 0, 1, 2]
>>>
>>> list(map(my_add, A, B)) # my_add接受两个参数
[-1, 1, 3, 5, 7]
```

- 18

递归

• 直接或者间接调用自己的函数

(n-1)!

- 计算正整数n的阶乘: $n! = n \times (n-1) \times (n-2) \cdots \times 2 \times 1$
- 如果函数f(n)返回n的阶乘,那么 $f(n) = n \times f(n-1)$
- 递归的两种情况
 - 递归情况:调用自己解决一个类似但规模较小的问题
 - 要计算f(10), 只需计算f(9), 然后返回10×f(9)
 - 基本情况:直接可以得到解, 无需再次调用自己
 - 要计算f(1), 根据定义知道1的阶乘是1

递归

```
>>> def my_fac(n):
    if n == 1:
        return 1
    else:
        return n * my_fac(n-1)

>>> my_fac(5)
120
>>> my_fac(20)
2432902008176640000
>>> import math
>>> math.factorial(20)
2432902008176640000
```

```
- line that has just executed
→ next line to execute
       \rightarrow 1 def my fac(n):
                if n == 1:
                    return 1
                else:
                    return n * my fac(n-1)
                                                             Frames
                                                                            Objects
        7 res = my_fac(4)
                                                       Global frame
                                                                             function
                                                                             my_fac(n)
                                                          my_fac

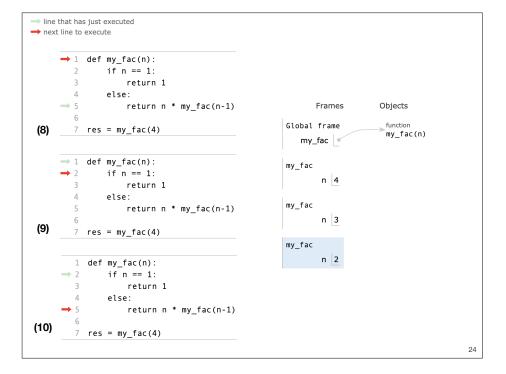
→ 1 def my_fac(n):

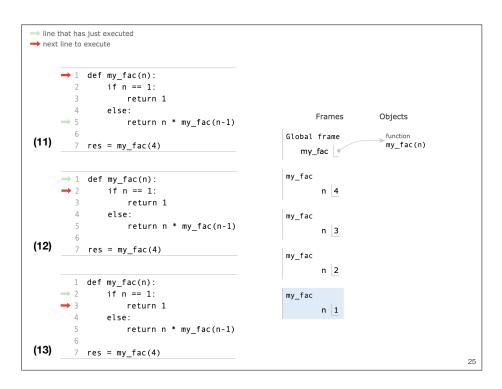
                if n == 1:
                     return 1
                                                       my_fac
                                                               n 4
                    return n * my_fac(n-1)
                                                       my fac
        7 res = my_fac(4)
                                                               n 3
         1 def my_fac(n):
                if n == 1:
                     return 1
                else:
                     return n * my_fac(n-1)
         7 \text{ res} = my_fac(4)
                                                                                               23
```

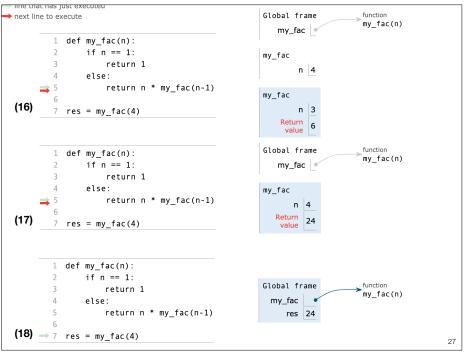
```
→ line that has just executed
→ next line to execute
                                                                             Objects
                                                              Frames
      → 1 def my_fac(n):
                if n == 1:
                                                        Global frame
                                                                              function
                                                                              my_fac(n)
                    return 1
                else:
                    return n * my_fac(n-1)
(1) \rightarrow 7 res = my_fac(4)
                                                              Frames
                                                                            Objects
                                                       Global frame
      → 1 def my_fac(n):
                                                                             my_fac(n)
                if n == 1:
                                                           my_fac 💣
                    return 1
                                                       my_fac
                    return n * my_fac(n-1)
                                                               n 4
(2) \rightarrow 7 res = my_fac(4)
                                                      1 def my_fac(n):

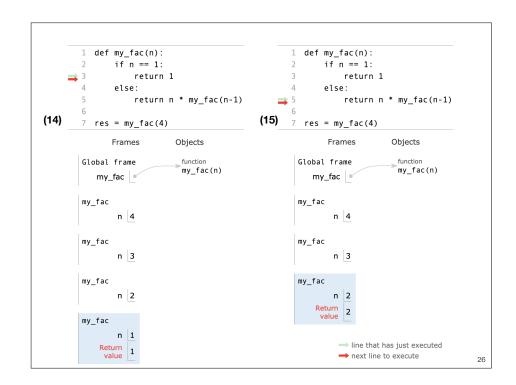
→ 1 def my_fac(n):

                                                             if n == 1:
                if n == 1:
                                                                  return 1
                    return 1
                                                             else:
                else:
                                                                  return n * my_fac(n-1)
                    return n * my_fac(n-1)
                                                 (4) 7 res = my_fac(4)
        7 \text{ res} = my_fac(4)
                                                                                               22
```



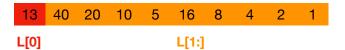






列表求和

- 编写一个函数my_sum,接受一个列表L,求所有元素之和
- 要求:不使用内置sum函数,使用递归
- 基本情况 列表为空, 返回0
- 递归情况 列表不为空, 返回L[0]+my_sum(L[1:])

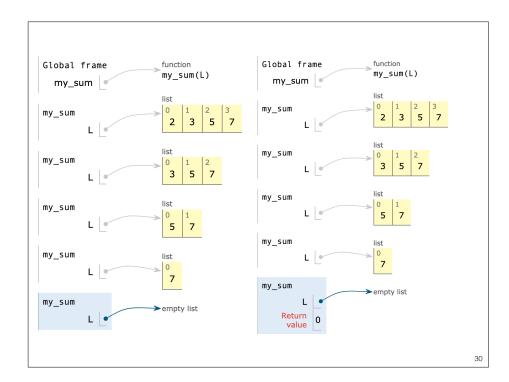


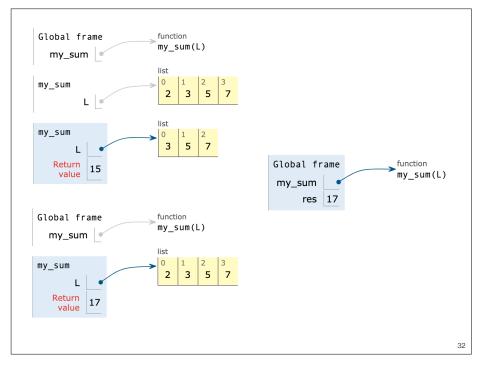
用递归求和

- 编写一个函数my_sum,接受一个列表L,用递归求和
- 基本情况 列表为空, 返回0
- 递归情况 列表不为空, 返回L[0]+my_sum(L[1:])

```
1def my_sum(L):
2    if not L:
3        return 0
4    else:
5        return L[0] + my_sum(L[1:])
>>> res = my_sum([2, 3, 5, 7])
>>> res
17
```

Global frame function Global frame function my_sum(L) my_sum(L) my_sum my_sum my_sum my_sum 2 3 5 7 2 3 5 7 my_sum 0 1 2 my_sum 0 1 2 3 5 7 3 5 7 my_sum my_sum 5 7 5 7 Return 12 value my_sum Return 7 value 31





嵌套列表求和

- 内置sum函数可以对一个列表求和
- 注意:如果列表的元素不能相加,则会报错

```
>>> L = [2, 3, 5, 7]
>>> sum(L)
17
>>> A = [1, [2, [3, 4], 5], 6, [7, 8]]
>>> sum(A)
Traceback (most recent call last):
   File "<pyshell#69>", line 1, in <module>
        sum(A)
TypeError: unsupported operand type(s) for +:
'int' and 'list'
```

33

35

嵌套列表求和

- 基本情况 当前元素是一个数值, 直接返回
- 递归情况 当前元素是一个列表
 - 对于列表中的每一个元素,使用my_sum_v1求和
 - 遍历完成之后, 返回总的和

```
1def my_sum_v1(L):
2    if not isinstance(L, list):
3       return L
4    else:
5       total = 0
6       for x in L:
7       total = total + my_sum_v1(x)
8    return total
```

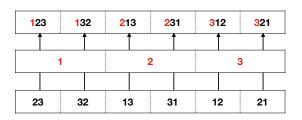
嵌套列表求和

- 编写一个函数my_sum_v1,接受一个嵌套列表(嵌套深度随意),求该列表中所有数值的和
- 基本情况 当前元素是一个数值, 直接返回
- 递归情况 当前元素是一个列表
 - 对于列表中的每一个元素, 使用my sum v1求和
 - 遍历完成之后, 返回总的和
- 如何判断一个元素是否是列表?
 - 使用内置函数isinstance(obj, classinfo)进行判断

34

全排列

- 给定n个元素, 生成它们的全排列。比如元素1,2,3的全排列 共有6种情况: 123、132、213、231、312、321
- 2个元素a和b的全排列只有两种情况:ab和ba
- 3个元素的全排列如何由2个元素的全排列得到?



全排列

- 给定n个元素, 生成它们的全排列。比如元素1,2,3的全排列 共有6种情况: 123、132、213、231、312、321
- 假设函数permute(L)可以生成列表L中所有元素的全排列
- n个元素的全排列如何生成?
 - 任一元素 + 剩余n-1个元素的全排列
 - L[0] + permute(L[1:])
 - L[i] + permute(L[:i] + L[i+1:])
 - L[n-1] + permute(L[:n-1])

37

全排列

```
>>> def permute(L):
    if not L:
        return [L] # 应该返回[[]]
    else:
        res = []
        for i in range(len(L)):
            rest = L[:i] + L[i+1:]
            # 如果rest为空, permute函数应该返回[[]]
            for x in permute(rest):
                 res.append(L[i:i+1] + x)
        return res

>>> permute([1,2,3])
[[1, 2, 3], [1, 3, 2], [2, 1, 3], [2, 3, 1], [3, 1, 2], [3, 2, 1]]
>>> len(permute([1,2,3,4,5]))
120
```