

作业提交服务器: <ftp://192.168.126.193>

用户名: stu

密码: stu1234

本次作业提交截止时间: 10月3日23:59

## ! 注意事项

- 提交作业的算法

`if` 有多个文件:

打包成zip文件

`else: #只有一个pdf`

`pass`

用自己的学号将文件命名

上传至对应的文件夹中

- 代码请上传源文件, 比如.py文件或.c文件, 不要上传工程文件。
- 非代码请上传pdf, 非pdf (比如doc文件、md文件、tex文件) 请转换成pdf。
- 涉及公式的作业, 推荐使用markdown编辑器, 比如Typora, 提交导出的pdf文档即可。
- 涉及算法伪代码的作业, 推荐使用在线 $LATEX$ 编辑器Overleaf完成, 提交编译生成的pdf文档即可。如果需要在overleaf中输入中文并能正确编译, 首先在文档中加入package:`\usepackage[UTF8]{ctex}`, 然后修改设置: 设置->修改Latex引擎->选择“XeLatex”。

1. 让我们来考虑一个更复杂的汉诺塔问题。现在有 $k$ 个钉子, 编号从1到 $k$ 。对于任意的 $i$ , 每次只能将钉子 $i$ 上的最小圆盘移动到钉子 $i - 1$ 上或钉子 $i + 1$ 上。当然, 仍然不允许将大圆盘放在小圆盘上。你的任务是将一个由 $n$ 个圆盘组成的塔从钉子1移动到钉子 $k$ 。

(a) 当 $k = 3$ 时, 设计一个递归算法以尽可能少的移动次数解决上述问题。

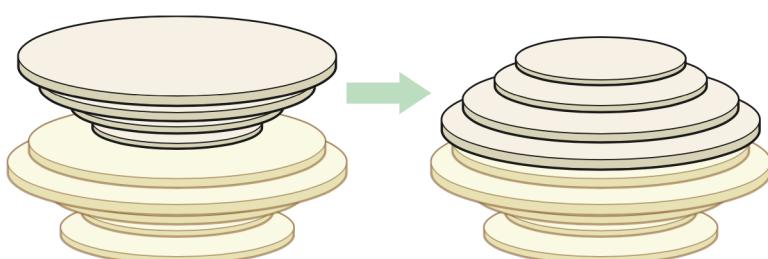
(b) 分析上述算法转移 $n$ 个圆盘需要的移动次数。

(c) 证明上述移动次数是最少的。

(d) 当 $k = n + 1$ 时, 设计一个最多需要 $O(n^3)$ 移动次数的递归算法解决上述问题。

(e) 当 $k = n + 1$ 时, 设计一个最多需要 $O(n^2)$ 移动次数的递归算法解决上述问题。

2. 假设你有一堆 $n$ 个不同大小的煎饼。你想对煎饼进行排序, 以便将较小的煎饼放在较大的煎饼上。你可以执行的唯一操作是翻转: 对于1和 $n$ 之间的某个整数 $k$ , 在顶部 $k$ 个煎饼下插入一把铲子, 然后将它们全部翻转。下图说明了如何将最上面的4个煎饼翻转:



- (a) 设计一个最多使用 $O(n)$ 次翻转将 $n$ 个煎饼排序的算法。
- (b) 对于每个正整数 $n$ , 描述一堆需要 $\Omega(n)$  次翻转才能排序的 $n$ 个煎饼。
- (c) 现在假设每个煎饼的一面都被烧焦了。描述一种算法, 使用 $O(n)$ 次翻转对任意 $n$ 个煎饼进行排序, 使得每个煎饼的烧焦面朝下。